

Varianza di variabile aleatoria

Leonardo Bizzoni

April 6, 2024

1 Per variabili discrete

$$\text{Var}[X] := E[(X - \mu)^2] \text{ con } \mu = E[X]$$

Formula alternativa: $\text{Var}[X] = E[X^2] - E[X]^2$

Proprietà:

- $\text{Var}[X + c] = \text{Var}[X]$.
- $\text{Var}[c * X] = c^2 * \text{Var}[X]$.
- Se $X = c$ allora $\text{Var}[X] = 0$.
- X, Y variabili aleatorie indipendenti, allora $\text{Var}[X + Y] = \text{Var}[X] + \text{Var}[Y]$.
- Formula della somma: $\text{Var}[X + Y] = \text{Var}[X] + \text{Var}[Y] + 2\text{Cov}[X, Y]$.

2 Per variabili assolutamente continue

$$\text{Var}[X] = E[X^2] - E[X]^2 \text{ dove } E[X^2] = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 * f_X(x) dx.$$

Le proprietà della varianza per variabili discrete continuano a valere.