

# Computazione

Leonardo Bizzoni

December 21, 2023

Date due configurazioni  $I, J$ , se  $I \vdash^* J$  allora si dice che  $J$  è **raggiungibile** in 0 o più mosse da  $I$ .

Definizione ricorsiva:

- Ogni configurazione  $I$  è raggiungibile da se stessa ( $0$  mosse).
- $I \vdash^* J$  se esiste una configurazione  $K$  tale che  $I \vdash K, K \vdash^* J$

Definizione induttiva:

$I^* J$  se esiste una sequenza di configurazione  $K_1, K_2, \dots, K_m$  tale che:

- $I = K_1$
- $J = K_m$

$\forall i \in \{1, 2, \dots, m-1\}$  si ha che  $K_i \vdash K_{i+1}$

## 1 Teorema 1

Se  $P$  è un PDA e  $(q, x, \alpha) \vdash^* (p, y, \beta)$  allora  $\forall w \in \Sigma^*$  e  $\forall \gamma \in \Gamma^*$  vale  $(q, xw, \alpha\gamma) \vdash^* (p, yw, \beta\gamma)$ .

## 2 Teorema 2

Se  $P$  è un PDA, e  $(q, xw, \alpha) \vdash^* (p, yw, \beta)$  allora vale anche  $(q, x, \alpha) \vdash^* (p, y, \beta)$ .

Non è vero che per  $(q, xw, \alpha\gamma) \vdash^* (p, yw, \beta\gamma)$  vale anche  $(q, x, \alpha) \vdash^* (p, y, \beta)$  perchè è possibile che durante la computazione sia necessario accedere (*rimuovere e poi reinserire*) ad elementi di  $\gamma$  affinché abbia successo.