

Formule

Leonardo Bizzoni

December 5, 2022

Una formula è un'espressione su \mathbb{B} che combina diverse proposizioni atomiche. Di conseguenza anche le formule assume valori **true** o **false**.

1 Definizione generale di fomula

Siano:

- A un insieme non vuoto di proposizioni atomiche ($_{\text{atomi_}}$)
- Op_1 un insieme di operatori unari (\neg) ($_{\text{letterali_}}$ positivi o negativi)
- Op_2 un insieme di operatori binari (\vee, \wedge)

L'insieme \mathbb{F} di formule ben fondate su (A, Op_1, Op_2) è definito ricorsivamente da:

- $A \subseteq \mathbb{F}$ ogni proposizione atomica è ben fondata
- se $F \subseteq \mathbb{F}$ e $*$ $\in Op_1$ allora $(*F) \in \mathbb{F}$
- se $F, G \subseteq \mathbb{F}$ e $\circ \in Op_2$ allora $(F \circ G) \in \mathbb{F}$