

# Operazioni algebriche su integrali

leo

January 6, 2023

Siano  $f, g : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  Riemann-integrabili e siano  $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ .  
Si ha che:

- $\int_a^b (\alpha f \pm \beta g) = \alpha \int_a^b f \pm \beta \int_a^b g$
- se  $c \in (a, b)$ :  $\int_a^b f = \int_a^c f + \int_c^b f$
- se  $\forall x \in [a, b] : f(x) \leq g(x)$  allora  $\int_a^b f \leq \int_a^b g$
- se  $a < b$  si definisce  $\int_b^a f = -\int_a^b f$
- $|f|$  è R-integrabile in  $[a, b]$  e:  $|\int_a^b f| \leq \int_a^b |f|$
- $\int_a^a f = 0$